

# Collections

A. Résumé de l'épisode précédent .....	0
B. Tableaux et allocation mémoire .....	3
C. Tableaux, collections et vecteurs en C++ .....	27
D. Tableaux à deux dimensions .....	34
E. Types de base et représentation des données .....	57
Les entiers : types <code>int</code> , <code>short</code> , <code>long</code> , ...	
Les réels : types <code>float</code> , <code>double</code>	
Les caractères : type <code>char</code>	
Les chaînes de caractères : type <code>string</code>	
Les booléens : type <code>bool</code>	

## A. Résumé de l'épisode précédent

Motivation

Manipulation de collections de données

Exemple (Fil conducteur)

Implantation d'un annuaire

## A. Résumé de l'épisode précédent

### Motivation

## Manipulation de collections de données

### Exemple (Fil conducteur)

Implantation d'un annuaire

### Tableau

- Un *tableau* est une valeur *composite* formée de plusieurs valeurs du même type
- Construction :
  1. Déclaration
  2. Allocation
  3. Initialisation

## A. Résumé de l'épisode précédent

Motivation

Manipulation de collections de données

Exemple (Fil conducteur)

Implantation d'un annuaire

Tableau

- Un *tableau* est une valeur *composite* formée de plusieurs valeurs du même type
- Construction :
  1. Déclaration
  2. Allocation
  3. Initialisation

Fonctionnement ? Sémantique ?

## B. Tableaux et allocation mémoire

### Modèle de mémoire

L'espace mémoire d'un programme est partagé en deux zones :

- La **pile** : variables locales des fonctions
- Le **tas** : le reste

### Exemple

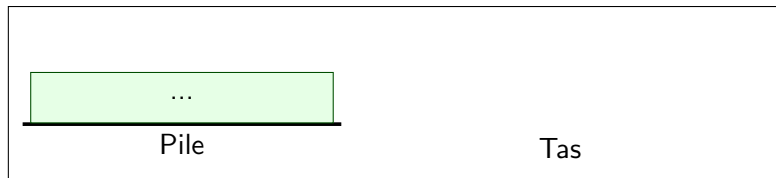
[tableaux.cpp](#)

```
vector<int> t;  
t = vector<int>(8);  
t[0] = 1;  
t[1] = 4;  
t[2] = 1;  
t[3] = 5;  
t[4] = 9;  
t[5] = 2;
```

# Exemple de construction d'un tableau

## Étapes de la construction en mémoire

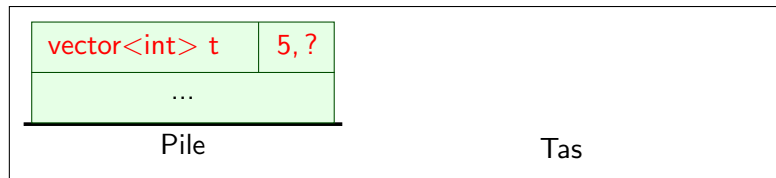
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Initialisation



# Exemple de construction d'un tableau

## Étapes de la construction en mémoire

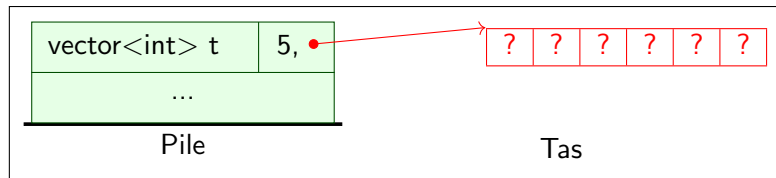
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Initialisation



# Exemple de construction d'un tableau

## Étapes de la construction en mémoire

1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Initialisation

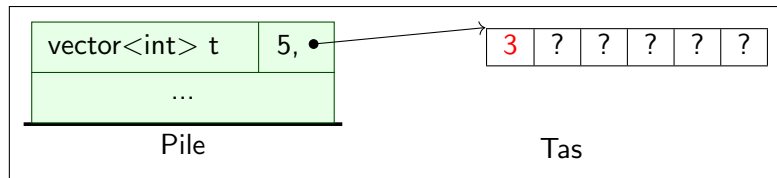




# Exemple de construction d'un tableau

## Étapes de la construction en mémoire

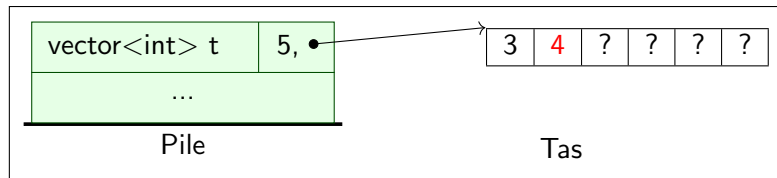
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. **Initialisation**



# Exemple de construction d'un tableau

## Étapes de la construction en mémoire

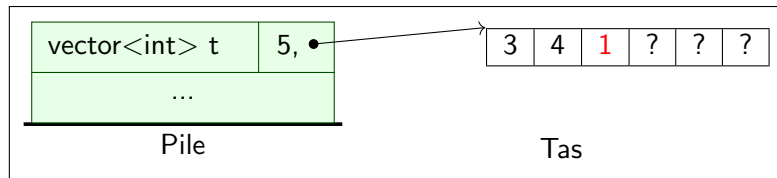
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. **Initialisation**



# Exemple de construction d'un tableau

## Étapes de la construction en mémoire

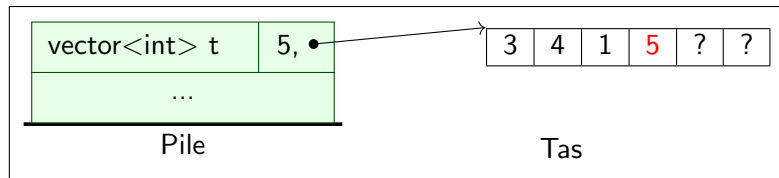
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. **Initialisation**



# Exemple de construction d'un tableau

## Étapes de la construction en mémoire

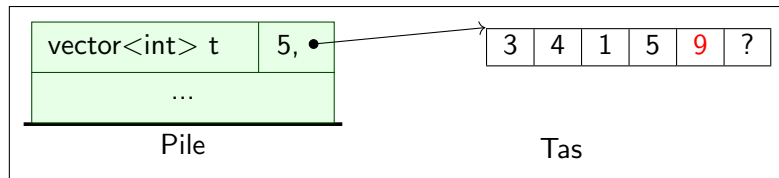
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. **Initialisation**



# Exemple de construction d'un tableau

## Étapes de la construction en mémoire

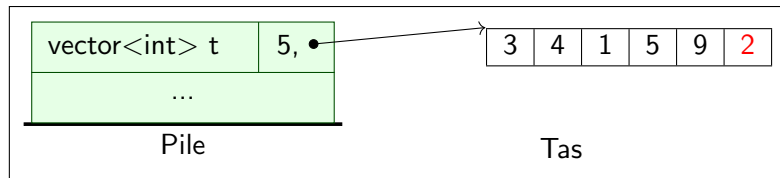
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Initialisation



# Exemple de construction d'un tableau

## Étapes de la construction en mémoire

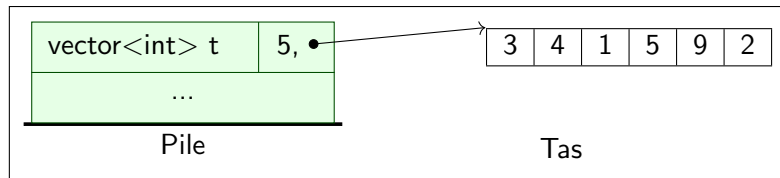
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. **Initialisation**



# Exemple de construction d'un tableau

## Étapes de la construction en mémoire

1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. **Initialisation**



## Sémantique (Allocation d'un tableau)

tableaux.cpp

```
t = vector<int>(8);
```

1. Une suite contiguë de cases est allouée sur le tas
2. Une référence vers la première de ces cases est stockée dans t

## Sémantique (Lecture et écriture dans un tableau)

```
t[i]
```

- Donne la  $i$ -ème case du tableau
- Obtenue en suivant la référence et se décalant de  $i$  cases
- Rappel : **pas de vérifications !!!**



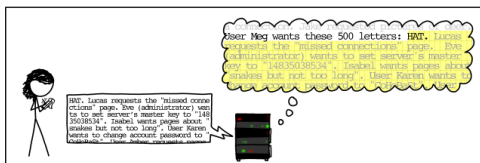
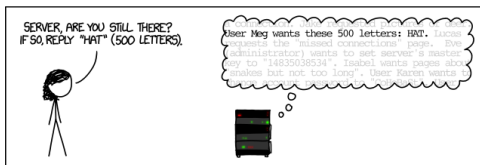
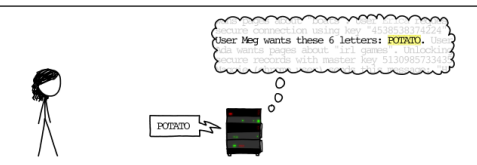
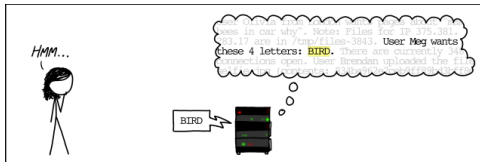
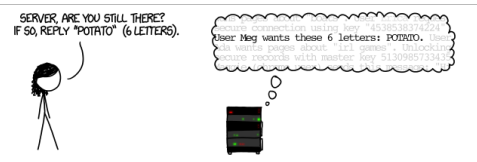
## Exemple de piratage par débordement ♣

login.cpp

```
int main() {
    char motDePasseSecret[] = "s3*iA3";
    char motDePasse        [] = "XXXXXX";
    cout << motDePasseSecret - motDePasse << endl;
    do {
        cout << "Entrez le mot de passe: " << endl;
        cin >> motDePasse;
    } while ( string(motDePasse) != string(motDePasseSecret) );

    cout << "Connection réussie. Bienvenue chef!" << endl;
    return 0;
}
```

# Heartblead expliqué (<http://xkcd.com/1354/>)



# Tableaux et allocation mémoire

## À retenir

- *Une valeur de type tableau ne contient pas directement les cases du tableau, mais la localisation en mémoire de celles-ci (référence) et la taille du tableau.*

# Tableaux et allocation mémoire

## À retenir

- *Une valeur de type tableau ne contient pas directement les cases du tableau, mais la localisation en mémoire de celles-ci (référence) et la taille du tableau.*
- *Une variable de type tableau se construit en trois étapes :*
  1. *Déclaration*
  2. *Allocation*  
*Sans cela : **faute de segmentation** (au mieux!)*
  3. *Initialisation*  
*Sans cela : même problème qu'avec les variables usuelles*

# Tableaux et allocation mémoire

## À retenir

- Une valeur de type tableau ne contient pas directement les cases du tableau, mais la localisation en mémoire de celles-ci (référence) et la taille du tableau.
- Une variable de type tableau se construit en trois étapes :
  1. Déclaration
  2. Allocation  
Sans cela : **faute de segmentation** (au mieux!)
  3. Initialisation  
Sans cela : même problème qu'avec les variables usuelles
- Lors de l'accès à une case  $i$  d'un tableau  $t$ , on vérifie toujours les bornes :  $0 \leq i$  et  $i < t.size()$   
Sans cela : **faute de segmentation** (au mieux!)

# Affectation de tableaux (sémantique)

## Exemple

Qu'affiche le programme suivant ?

[tableaux-copie.cpp](#)

```
vector<int> t = { 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6, 5, 3, 5 };  
cout << "t[0]: " << t[0] << endl;  
vector<int> t2;  
t2 = t;           // Affectation  
t2[0] = 0;  
cout << "t[0]: " << t[0] << ", t2[0]: " << t2[0] << endl;
```

# Affectation de tableaux (sémantique)

## Exemple

Qu'affiche le programme suivant ?

[tableaux-copie.cpp](#)

```
vector<int> t = { 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6, 5, 3, 5 };  
cout << "t[0]: " << t[0] << endl;  
vector<int> t2;  
t2 = t;           // Affectation  
t2[0] = 0;  
cout << "t[0]: " << t[0] << ", t2[0]: " << t2[0] << endl;
```

## À retenir

- En C++, lors d'une affectation, un *vector* est **copié** !
- On dit que *vector* a une *sémantique de copie*
- Différent de Java, Python, ou des *array* en C !

# Affectation de tableaux (sémantique ♣)

## Exemple

tableau-fonction-valeur.cpp

```
void modifie(vector<int> tableau) {  
    tableau[0] = 42;  
}  
  
int main() {  
    vector<int> tableau = { 1, 2, 3, 4 };  
    modifie(tableau);  
    cout << tableau[0] << endl;  
}
```



# Affectation de tableaux (sémantique ♣)

## Exemple

tableau-fonction-valeur.cpp

```
void modifie(vector<int> tableau) {  
    tableau[0] = 42;  
}  
  
int main() {  
    vector<int> tableau = { 1, 2, 3, 4 };  
    modifie(tableau);  
    cout << tableau[0] << endl;  
}
```

## Fonctions et tableaux

- Affectation des paramètres  $\implies$  copie
- Donc les vector sont passés *par valeur* aux fonctions

# Affectation de tableaux (sémantique ♣)

## Exemple

tableau-fonction-valeur.cpp

```
void modifie(vector<int> tableau) {  
    tableau[0] = 42;  
}  
  
int main() {  
    vector<int> tableau = { 1, 2, 3, 4 };  
    modifie(tableau);  
    cout << tableau[0] << endl;  
}
```

## Fonctions et tableaux

- Affectation des paramètres  $\implies$  copie
- Donc les `vector` sont passés *par valeur* aux fonctions
- Mais la fonction peut renvoyer le tableau modifié!

# Affectation de tableaux (sémantique ♣)

## Exemple

tableaux.cpp

```
t = vector<int>(8);
```

# Affectation de tableaux (sémantique ♣)

## Exemple

tableaux.cpp

```
t = vector<int>(8);
```

## Sémantique $\neq$ fonctionnement interne exact

- Pour préserver les performances, `vector` suit le patron de conception de *copie-en-écriture* : la copie n'a lieu que lorsqu'elle est nécessaire

## C. Tableaux, collections et vecteurs en C++

- La bibliothèque standard C++ fournit de nombreuses autres structures de données pour représenter des *collections* :  
array, list, queue, stack, set, multiset, ...

## C. Tableaux, collections et vecteurs en C++

- La bibliothèque standard C++ fournit de nombreuses autres structures de données pour représenter des *collections* :  
array, list, queue, stack, set, multiset, ...
- Chacune a ses spécificités en terme de **sémantique**, d'**opérations disponibles** et de **performances**

## C. Tableaux, collections et vecteurs en C++

- La bibliothèque standard C++ fournit de nombreuses autres structures de données pour représenter des *collections* :  
array, list, queue, stack, set, multiset, ...
- Chacune a ses spécificités en terme de **sémantique**, d'**opérations disponibles** et de **performances**
- On se contentera dans ce cours de vector  
On en verra plus en S2!

## C. Tableaux, collections et vecteurs en C++

- La bibliothèque standard C++ fournit de nombreuses autres structures de données pour représenter des *collections* :  
array, list, queue, stack, set, multiset, ...
- Chacune a ses spécificités en terme de **sémantique**, d'**opérations disponibles** et de **performances**
- On se contentera dans ce cours de vector  
On en verra plus en S2!
  
- Les chaînes de caractères (string) se comportent en gros comme des tableaux de caractères



## C. Tableaux, collections et vecteurs en C++

- La bibliothèque standard C++ fournit de nombreuses autres structures de données pour représenter des *collections* :  
array, list, queue, stack, set, multiset, ...
- Chacune a ses spécificités en terme de **sémantique**, d'**opérations disponibles** et de **performances**
- On se contentera dans ce cours de vector  
On en verra plus en S2!
  
- Les chaînes de caractères (string) se comportent en gros comme des tableaux de caractères
- Les vector de C++ ne sont pas des vecteurs au sens mathématique :  
pas d'opération d'addition, ...

## La boucle *for each* (C++ 2011) ♣

### Exemple

tableau-foreach.cpp

```
vector<int> tableau = { 3, 1, 7, 4, 6, 2, 5 };

for ( int i=0; i < tableau.size(); i++ ) { // Boucle for
    cout << tableau[i] << " ";
}
cout << endl;

for ( int valeur: tableau ) { // Boucle for each
    cout << valeur << " ";
}
cout << endl;
```

# La boucle *for each* (C++ 2011) ♣

## Exemple

tableau-foreach.cpp

```
vector<int> tableau = { 3, 1, 7, 4, 6, 2, 5 };

for ( int i=0; i < tableau.size(); i++ ) { // Boucle for
    cout << tableau[i] << " ";
}
cout << endl;

for ( int valeur: tableau ) { // Boucle for each
    cout << valeur << " ";
}
cout << endl;
```

## Avantages

- Pas de risque d'erreur de manipulation d'indice !
- Fonctionne avec n'importe quelle collection !

## D. Tableaux à deux dimensions

Motivation

Jeu de morpion

## D. Tableaux à deux dimensions

### Motivation

Jeu de morpion

### Remarque

- On représente un tableau à deux dimensions par un tableau de tableaux : `vector<vector<int>>`
- $t_{i,j} : t[i][j]$

## D. Tableaux à deux dimensions

### Motivation

Jeu de morpion

### Remarque

- On représente un tableau à deux dimensions par un tableau de tableaux : `vector<vector<int>>`
- $t_{i,j} : t[i][j]$

### À retenir

*Un tableau à deux dimension se construit en quatre étapes :*

- 1. Déclaration du tableau*
- 2. Allocation du tableau*
- 3. Allocation des sous-tableaux*
- 4. Initialisation*

## Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

tableaux2D.cpp

```
// Déclaration
vector<vector<int>> t;

// Allocation
t = vector<vector<int>>(3);

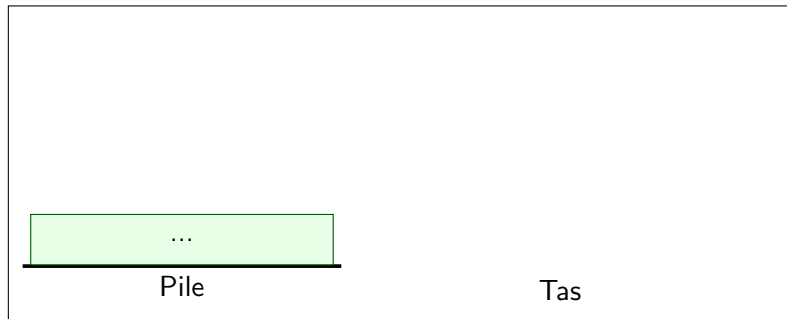
// Allocation des sous-tableaux
for ( int i = 0; i < t.size(); i++ )
    t[i] = vector<int>(3);

// Initialization
t[0][0] = 1; t[0][1] = 2; t[0][2] = 0;
t[1][0] = 1; t[1][1] = 1; t[1][2] = 1;
t[2][0] = 0; t[2][1] = 2; t[2][2] = 2;
```

# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. Initialisation



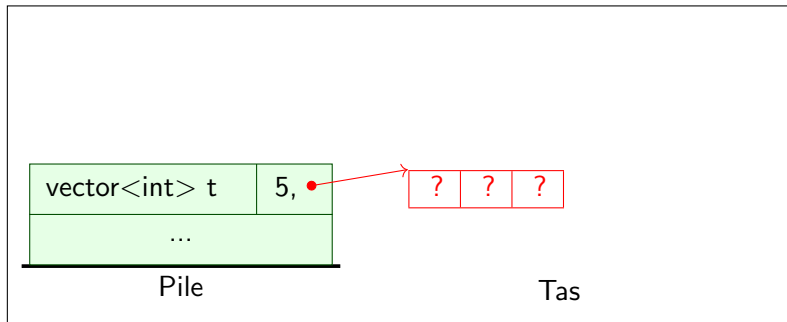




# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

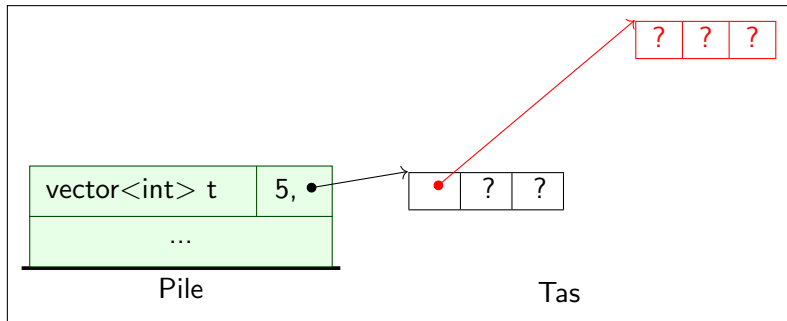
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. Initialisation



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

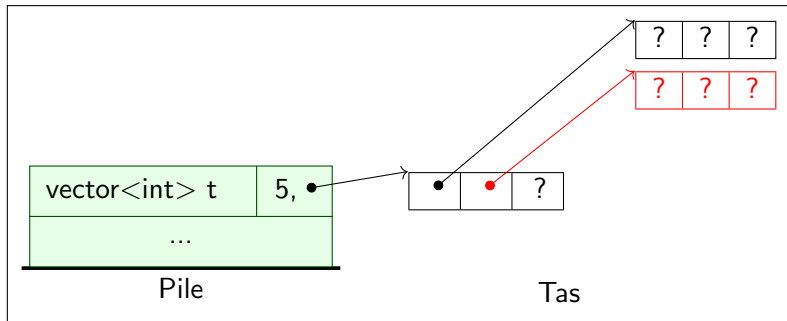
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. Initialisation



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

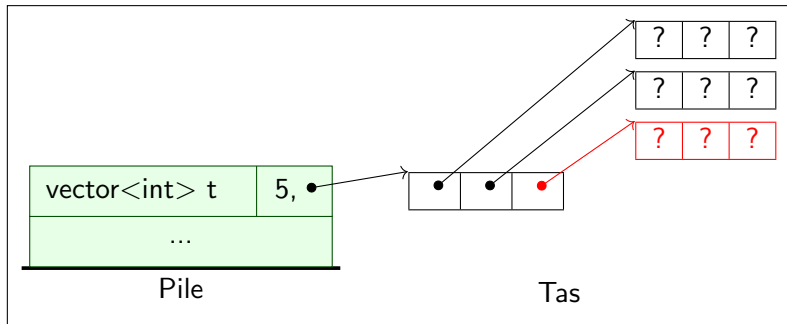
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. Initialisation



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

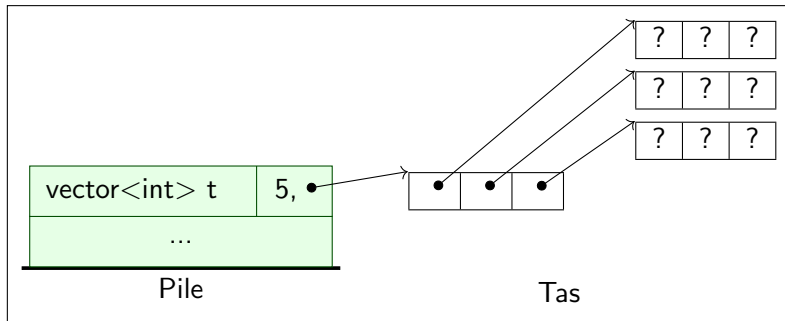
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. Initialisation



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

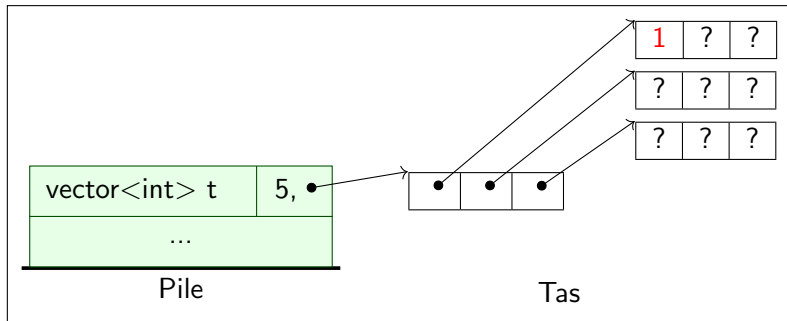
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. Initialisation



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

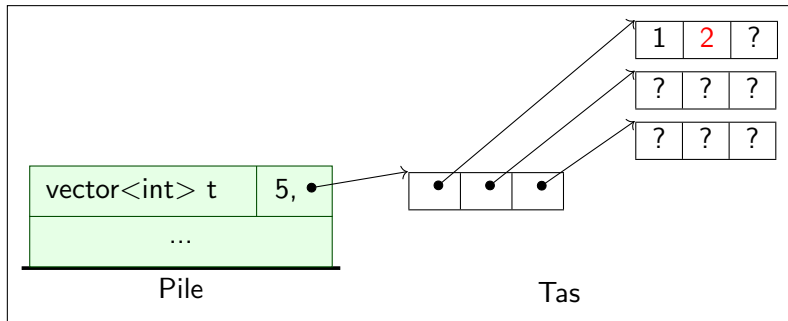
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. **Initialisation**



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. **Initialisation**

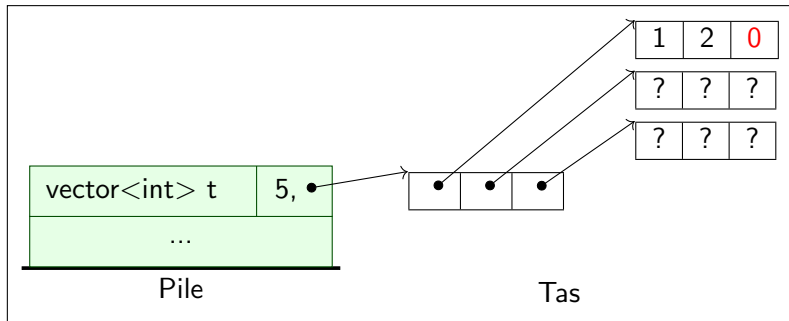




# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

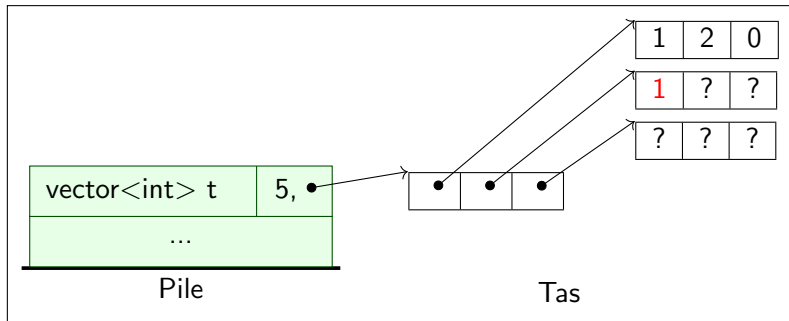
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. **Initialisation**



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

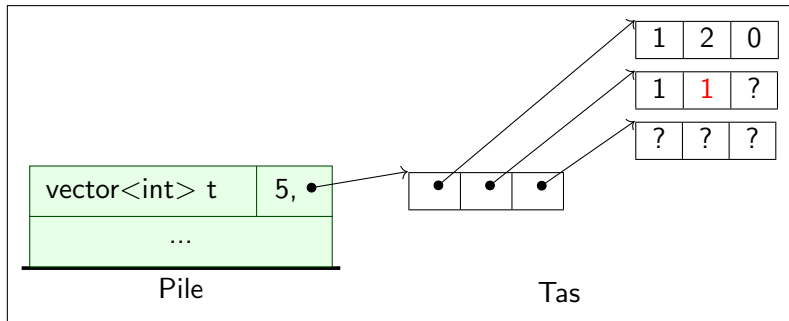
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. **Initialisation**



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

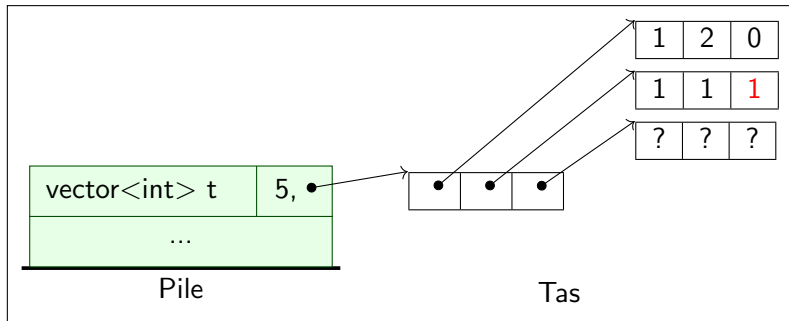
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. **Initialisation**



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

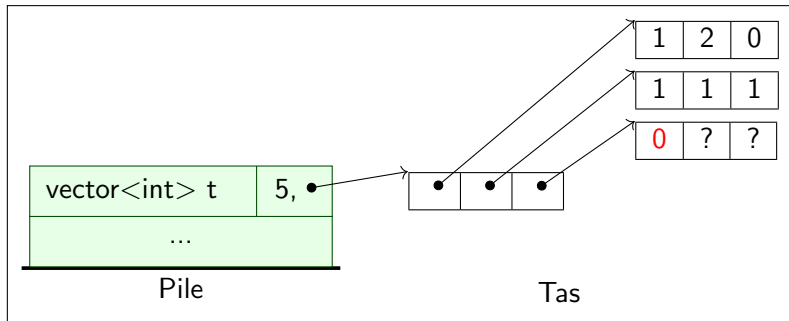
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. **Initialisation**



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

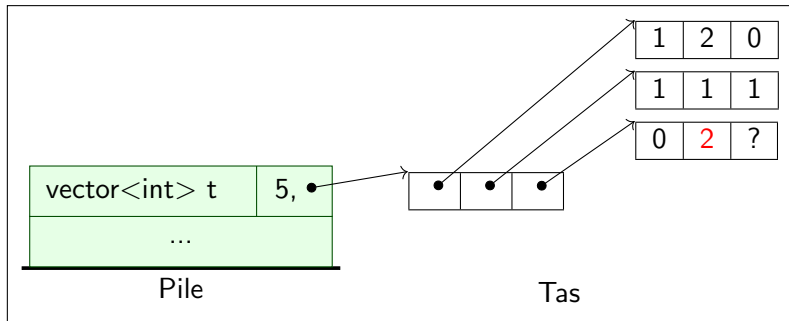
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. **Initialisation**



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

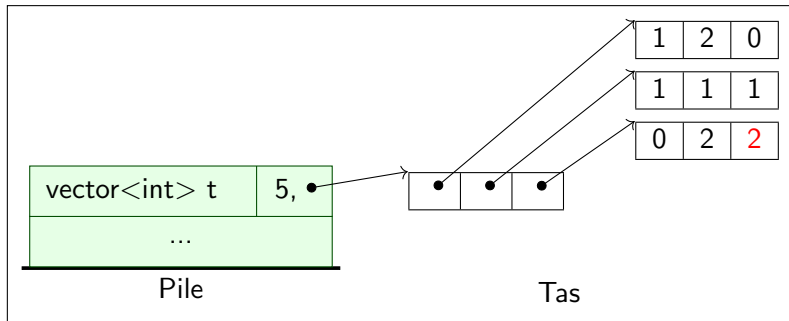
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. **Initialisation**



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

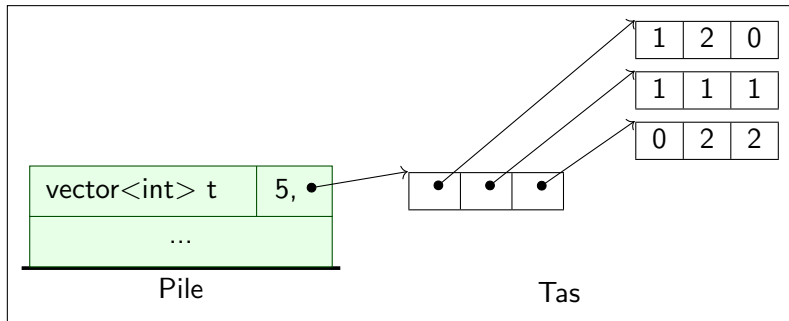
1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. **Initialisation**



# Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

## Étapes de la construction en mémoire

1. Déclaration du tableau
2. Allocation du tableau
3. Allocation des sous-tableaux
4. **Initialisation**





## Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

tableaux2D.cpp

```
// Utilisation
for ( int i=0; i < t.size(); i++ ) {
    for ( int j=0; j < t[i].size(); j++ ) {
        if      ( t[i][j] == 1 ) cout << "X ";
        else if ( t[i][j] == 2 ) cout << "O ";
        else      cout << "  ";
    }
    cout << endl;
}
```

## Tableaux à deux dimensions : exemple (grille de morpion)

tableaux2D-raccourci.cpp

```
// Déclaration, allocation, allocation des sous-tableaux
// et initialisation en une seule instruction
vector<vector<int>> t = {
    { 1,2,0 },
    { 1,1,1 },
    { 0,2,2 },
};

// Utilisation
for ( int i = 0; i < t.size(); i++ ) {
    for ( int j = 0; j < t[i].size(); j++ ) {
        if      ( t[i][j] == 1 ) cout << "X ";
        else if ( t[i][j] == 2 ) cout << "O ";
        else      cout << " ";
    }
    cout << endl;
}
```

## E. Types de base et représentation des données

### Rappels

- Premier modèle de mémoire : Une suite contiguë de 0 et de 1 (les *bits*, groupés par *octets*)

## E. Types de base et représentation des données

### Rappels

- Premier modèle de mémoire : Une suite contiguë de 0 et de 1 (les *bits*, groupés par *octets*)
- Une variable est un segment nommé de cette mémoire

## E. Types de base et représentation des données

### Rappels

- Premier modèle de mémoire : Une suite contiguë de 0 et de 1 (les *bits*, groupés par *octets*)
- Une variable est un segment nommé de cette mémoire

### Question

Comment représenter des informations avec juste des bits ?

## E. Types de base et représentation des données

## E. Types de base et représentation des données

### Questions

- Quelle information peut-on représenter sur 1 bit ?

## E. Types de base et représentation des données

### Questions

- Quelle information peut-on représenter sur 1 bit ?
- Sur deux bits ?



## E. Types de base et représentation des données

### Questions

- Quelle information peut-on représenter sur 1 bit ?
- Sur deux bits ?
- Sur quatre bits ?

## E. Types de base et représentation des données

### Questions

- Quelle information peut-on représenter sur 1 bit ?
- Sur deux bits ?
- Sur quatre bits ?
- Sur huit bits ?
- Sur  $n$  bits ?

## E. Types de base et représentation des données

### Questions

- Quelle information peut-on représenter sur 1 bit ?
- Sur deux bits ?
- Sur quatre bits ?
- Sur huit bits ?
- Sur  $n$  bits ?

### À retenir

Le *type* d'une variable décrit la **structure de donnée** :

Comment l'information est **représentée** par une suite de bits

## E.1. Les entiers : types int, short, long, ...

R

appel : codage des entiers en base  $B$

### Exemple

Le nombre qui s'exprime en base  $B$  par les quatre chiffres 1101 vaut :

$$1 \times B^3 + 1 \times B^2 + 0 \times B^1 + 1 \times B^0$$

– En base  $B = 10$  :

$$1 \times 10^3 + 1 \times 10^2 + 0 \times 10^1 + 1 \times 10^0 = 1000 + 100 + 1 = 1101$$

– En base  $B = 8$  :  $1 \times 8^3 + 1 \times 8^2 + 0 \times 8^1 + 1 \times 8^0 = 512 + 64 + 1 = 577$

– En base  $B = 2$  :  $1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 8 + 4 + 1 = 13$

# Entiers non signés et signés sur 3 bits

## Exemple

code binaire	entiers non signés	entiers signés
000	0	-4
001	1	-3
010	2	-2
011	3	-1
100	4	0
101	5	1
110	6	2
111	7	3

## Remarques

- Non signé :  $7 + 1 =$

# Entiers non signés et signés sur 3 bits

## Exemple

code binaire	entiers non signés	entiers signés
000	0	-4
001	1	-3
010	2	-2
011	3	-1
100	4	0
101	5	1
110	6	2
111	7	3

## Remarques

- Non signé :  $7 + 1 = 0$

# Entiers non signés et signés sur 3 bits

## Exemple

code binaire	entiers non signés	entiers signés
000	0	-4
001	1	-3
010	2	-2
011	3	-1
100	4	0
101	5	1
110	6	2
111	7	3

## Remarques

- Non signé :  $7 + 1 = 0$
- Signé :  $3 + 1 =$

# Entiers non signés et signés sur 3 bits

## Exemple

code binaire	entiers non signés	entiers signés
000	0	-4
001	1	-3
010	2	-2
011	3	-1
100	4	0
101	5	1
110	6	2
111	7	3

## Remarques

- Non signé :  $7 + 1 = 0$
- Signé :  $3 + 1 = -4$



# Entiers non signés et signés sur 3 bits

## Exemple

code binaire	entiers non signés	entiers signés
000	0	-4
001	1	-3
010	2	-2
011	3	-1
100	4	0
101	5	1
110	6	2
111	7	3

## Remarques

- Non signé :  $7 + 1 = 0$
- Signé :  $3 + 1 = -4$

# Entiers non signés et signés sur 3 bits

## Exemple

code binaire	entiers non signés	entiers signés
000	0	-4
001	1	-3
010	2	-2
011	3	-1
100	4	0
101	5	1
110	6	2
111	7	3

## Remarques

- Non signé :  $7 + 1 = 0$
- Signé :  $3 + 1 = -4$
- On calcule modulo  $2^3 = 8$ !

# Entiers non signés et signés sur 3 bits

## Exemple

code binaire	entiers non signés	entiers signés
000	0	-4
001	1	-3
010	2	-2
011	3	-1
100	4	0
101	5	1
110	6	2
111	7	3

## Remarques

- Non signé :  $7 + 1 = 0$
- Signé :  $3 + 1 = -4$
- On calcule modulo  $2^3 = 8$  !
- Calcul de  $-x$  en signé :  $1 + \text{complément à 2}$

# Entiers non signés et signés sur 3 bits

## Exemple

code binaire	entiers non signés	entiers signés
000	0	-4
001	1	-3
010	2	-2
011	3	-1
100	4	0
101	5	1
110	6	2
111	7	3

## Remarques

- Non signé :  $7 + 1 = 0$
- Signé :  $3 + 1 = -4$
- On calcule modulo  $2^3 = 8$  !
- Calcul de  $-x$  en signé :  $1 + \text{complément à 2}$
- $-(-4) =$

# Entiers non signés et signés sur 3 bits

## Exemple

code binaire	entiers non signés	entiers signés
000	0	-4
001	1	-3
010	2	-2
011	3	-1
100	4	0
101	5	1
110	6	2
111	7	3

## Remarques

- Non signé :  $7 + 1 = 0$
- Signé :  $3 + 1 = -4$
- On calcule modulo  $2^3 = 8$  !
- Calcul de  $-x$  en signé :  $1 + \text{complément à 2}$
- $-(-4) = -4$  !

# Entiers non signés et signés sur 3 bits

## Exemple

code binaire	entiers non signés	entiers signés
000	0	-4
001	1	-3
010	2	-2
011	3	-1
100	4	0
101	5	1
110	6	2
111	7	3

## Remarques

- Non signé :  $7 + 1 = 0$
- Signé :  $3 + 1 = -4$
- On calcule modulo  $2^3 = 8$  !
- Calcul de  $-x$  en signé :  $1 + \text{complément à 2}$
- $-(-4) = -4$  !
- $\text{abs}(-4) =$

# Entiers non signés et signés sur 3 bits

## Exemple

code binaire	entiers non signés	entiers signés
000	0	-4
001	1	-3
010	2	-2
011	3	-1
100	4	0
101	5	1
110	6	2
111	7	3

## Remarques

- Non signé :  $7 + 1 = 0$
- Signé :  $3 + 1 = -4$
- On calcule modulo  $2^3 = 8$  !
- Calcul de  $-x$  en signé : 1 + complément à 2
- $-(-4) = -4$  !
- $\text{abs}(-4) = -4$  !

# Entiers machine vs entiers mathématiques

## Entiers machine

- Représentés sur un mot machine



# Entiers machine vs entiers mathématiques

## Entiers machine

- Représentés sur un mot machine
- Sur une machine à  $n$  bits on peut représenter  $2^n$  entiers, soit les entiers compris entre  $-2^{n-1}$  et  $2^{n-1} - 1$
- Les bornes sont données par `-INT_MAX-1` et `INT_MAX`
- Voir Exemples/[int.cpp](#)

# Entiers machine vs entiers mathématiques

## Entiers machine

- Représentés sur un mot machine
- Sur une machine à  $n$  bits on peut représenter  $2^n$  entiers, soit les entiers compris entre  $-2^{n-1}$  et  $2^{n-1} - 1$
- Les bornes sont données par `-INT_MAX-1` et `INT_MAX`
- Voir Exemples/[int.cpp](#)

## Attention !

- Les entiers machine sont des **approximations** des entiers mathématiques !

# Entiers machine vs entiers mathématiques

## Entiers machine

- Représentés sur un mot machine
- Sur une machine à  $n$  bits on peut représenter  $2^n$  entiers, soit les entiers compris entre  $-2^{n-1}$  et  $2^{n-1} - 1$
- Les bornes sont données par `-INT_MAX-1` et `INT_MAX`
- Voir Exemples/[int.cpp](#)

## Attention !

- Les entiers machine sont des **approximations** des entiers mathématiques !
- Pour de grosses valeurs : risque de **débordement**

# Entiers machine vs entiers mathématiques

## Entiers machine

- Représentés sur un mot machine
- Sur une machine à  $n$  bits on peut représenter  $2^n$  entiers, soit les entiers compris entre  $-2^{n-1}$  et  $2^{n-1} - 1$
- Les bornes sont données par `-INT_MAX-1` et `INT_MAX`
- Voir Exemples/`int.cpp`

## Attention !

- Les entiers machine sont des **approximations** des entiers mathématiques !
- Pour de grosses valeurs : risque de **débordement**
- Il est aussi possible de calculer avec des « vrais » entiers !

## Quelques variantes

- Entiers longs : `long` ; voir Exemples/`long.cpp`
- Entiers courts : `short` ; voir Exemples/`long.cpp`
- Entiers non signés : `unsigned int`, `unsigned long`, ...

### Remarque

Le nombre de bits utilisés (et donc les bornes) peuvent dépendre du compilateur, du système d'exploitation, du processeur, ...

## E.2. Les réels : types float, double

### Motivation

- Représenter des nombres réels ?

## E.2. Les réels : types float, double

### Motivation

- Représenter des nombres réels ?
- Nombres approchés (chiffres significatifs)
- Grande variations d'ordres de grandeur

## E.2. Les réels : types float, double

### Motivation

- Représenter des nombres réels ?
- Nombres approchés (chiffres significatifs)
- Grande variations d'ordres de grandeur

### Nombres à virgule flottante

- Représentation par *mantisse* et *exposant* :  $3.423420e+05$



## E.2. Les réels : types float, double

### Motivation

- Représenter des nombres réels ?
- Nombres approchés (chiffres significatifs)
- Grande variations d'ordres de grandeur

### Nombres à virgule flottante

- Représentation par *mantisse* et *exposant* :  $3.423420e+05$
- Voir : Exemples/`float.cpp` et Exemples/`double.cpp`.

## E. 2. Les réels : types float, double

### Motivation

- Représenter des nombres réels ?
- Nombres approchés (chiffres significatifs)
- Grande variations d'ordres de grandeur

### Nombres à virgule flottante

- Représentation par *mantisse* et *exposant* :  $3.423420e+05$
- Voir : Exemples/float.cpp et Exemples/double.cpp.
- Un certain nombre de bits pour la mantisse
- Les bits restant pour l'exposant
- Les détails de la représentation varient suivant les langages de programmation, les machines et les normes utilisées
- Normes IEEE très précises sur les règles d'arrondis

## E. 3. Les caractères : type char

- Permettent de stocker un seul caractère :
  - Une lettre de l'alphabet (sans accent) : 'a', ..., 'z', 'A', ..., 'Z'
  - Un chiffre '0', ..., '9'
  - Un caractères du clavier ('@', '+', '/', ' ')
  - Quelques caractères spéciaux

## E. 3. Les caractères : type char

- Permettent de stocker un seul caractère :
  - Une lettre de l'alphabet (sans accent) : 'a', ..., 'z', 'A', ..., 'Z'
  - Un chiffre '0', ..., '9'
  - Un caractères du clavier ('@', '+', '/', ' ')
  - Quelques caractères spéciaux
- Notés entre apostrophes (exemple : 'A') pour distinguer le caractère 'A' de la variable A

## E. 3. Les caractères : type char

- Permettent de stocker un seul caractère :
  - Une lettre de l'alphabet (sans accent) : 'a', ..., 'z', 'A', ..., 'Z'
  - Un chiffre '0', ..., '9'
  - Un caractères du clavier ('@', '+', '/', ' ')
  - Quelques caractères spéciaux
- Notés entre apostrophes (exemple : 'A') pour distinguer le caractère 'A' de la variable A
- La table ASCII associe un numéro unique entre 0 et 127 à chaque caractère, ce qui permet d'introduire un ordre

## E. 3. Les caractères : type char

- Permettent de stocker un seul caractère :
  - Une lettre de l'alphabet (sans accent) : 'a', ..., 'z', 'A', ..., 'Z'
  - Un chiffre '0', ..., '9'
  - Un caractères du clavier ('@', '+', '/', ' ')
  - Quelques caractères spéciaux
- Notés entre apostrophes (exemple : 'A') pour distinguer le caractère 'A' de la variable A
- La table ASCII associe un numéro unique entre 0 et 127 à chaque caractère, ce qui permet d'introduire un ordre
- Et les lettres accentuées ? Les caractères chinois ? ...

## E. 3. Les caractères : type char

- Permettent de stocker un seul caractère :
    - Une lettre de l'alphabet (sans accent) : 'a', ..., 'z', 'A', ..., 'Z'
    - Un chiffre '0', ..., '9'
    - Un caractères du clavier ('@', '+', '/', ' ')
    - Quelques caractères spéciaux
  - Notés entre apostrophes (exemple : 'A') pour distinguer le caractère 'A' de la variable A
  - La table ASCII associe un numéro unique entre 0 et 127 à chaque caractère, ce qui permet d'introduire un ordre
  - Et les lettres accentuées ? Les caractères chinois ? ...  
Voir : Unicode, UTF-8
- Voir Exemples/[char](#).cpp

## E.4. Les chaînes de caractères : type string

- Permettent de stocker une suite de caractères :  
un mot, une phrase, ...
- Notées entre guillemets doubles  
Exemple : "Bonjour"
- Se comportent essentiellement comme des tableaux de caractères

### Opérations

opération	exemple	résultat
concaténation	"bonjour"+ "toto"	"bonjourtoto"
indexation	"bonjour" [3]	'j'
longueur	"bonjour".length() "	7



## E.5. Les booléens : type bool

### Notes

Les variables booléennes ne peuvent prendre que deux valeurs :

- vrai (mot clé **true**)
- faux (mot clé **false**)

Les opérations possibles sur les booléens sont :

- la négation (opération unaire, mot clé **not**)
- la conjonction (opération binaire, mot clé **and**)
- la disjonction (opération binaire, mot clé **or**)
- ...

# Expressions booléennes : encadrements

## Attention !

Les encadrements ne peuvent pas être écrits directement en C++  
Ils doivent être réalisés à l'aide de deux comparaisons connectées par l'opérateur **and**

## Exemple

L'encadrement mathématique :

$$0 \leq x \leq 15$$

se traduit en C++ par l'expression booléenne :

$$(0 \leq x) \text{ and } (x \leq 15)$$

# Évaluation paresseuse des expressions booléennes

## Exemple

Quelle est la valeur des expressions suivantes :

- `false and ( 3*x + 1 >= 2 or 1/(1+x) < 42 )`
- `true or ( 3*x + 1 >= 2 or 1/(1+x) < 42 )`

Deux possibilités :

- l'**évaluation complète** : évaluer tous les opérandes des expressions booléennes

# Évaluation paresseuse des expressions booléennes

## Exemple

Quelle est la valeur des expressions suivantes :

- `false and ( 3*x + 1 >= 2 or 1/(1+x) < 42 )`
- `true or ( 3*x + 1 >= 2 or 1/(1+x) < 42 )`

Deux possibilités :

- l'**évaluation complète** : évaluer tous les opérandes des expressions booléennes
- l'**évaluation paresseuse** : stopper l'évaluation dès que l'on peut :
  - Pour une conjonction a `and` b on peut s'arrêter si a est faux
  - Pour une disjonction a `or` b on peut s'arrêter si a est vrai

# Résumé

## Collections

- Un modèle de mémoire raffiné avec pile et tas
- L'allocation des tableaux, sur le tas
- Les tableaux à deux dimensions  
Construction en quatre étapes!
- D'autres collections

# Résumé

## Collections

- Un modèle de mémoire raffiné avec pile et tas
- L'allocation des tableaux, sur le tas
- Les tableaux à deux dimensions  
Construction en quatre étapes!
- D'autres collections

## Représentation des données en mémoire

- Types de base : int, long, float, double, char, bool

# Résumé

## Collections

- Un modèle de mémoire raffiné avec pile et tas
- L'allocation des tableaux, sur le tas
- Les tableaux à deux dimensions  
Construction en quatre étapes!
- D'autres collections

## Représentation des données en mémoire

- Types de base : int, long, float, double, char, bool
- Types composites : string, vector, struct

# Résumé

## Collections

- Un modèle de mémoire raffiné avec pile et tas
- L'allocation des tableaux, sur le tas
- Les tableaux à deux dimensions  
Construction en quatre étapes!
- D'autres collections

## Représentation des données en mémoire

- Types de base : int, long, float, double, char, bool
- Types composites : string, vector, struct
- À partir de ceux-ci, on peut représenter tout type d'information : Texte, images, sons, ...
- Le *type* d'une variable décrit la **structure de donnée** :  
Comment l'information est **représentée** par une suite de bits